

# Оглавление

<b>Пути самоорганизации (Г. Г. Малинецкий)</b>	<b>7</b>
<b>От авторов</b>	<b>11</b>
<b>1 Введение</b>	<b>12</b>
1.1 Критические случаи в задачах об устойчивости состояния равновесия . . . . .	12
1.2 Методика построения нормализованных уравнений . . . . .	18
1.3 Краткое описание исследованных моделей лазерных систем	29
<b>2 Динамика лазеров с оптоэлектронной обратной связью</b>	<b>41</b>
2.1 Модели динамики лазеров с некогерентной обратной связью	41
2.2 Модель лазера с управляемой накачкой . . . . .	45
2.2.1 Анализ устойчивости стационарного состояния . . . . .	46
2.2.2 Нормальные формы в конечномерных критических случаях . . . . .	49
2.2.3 Квазинормальные формы при большом запаздывании	64
2.3 Гипермультистабильность в системе с большим запаздыванием	76
2.3.1 Анализ линеаризованной системы . . . . .	78
2.3.2 Построение нормализованных краевых задач . . . . .	81
2.4 Модель лазера с управлением уровня внутрирезонаторных потерь . . . . .	88
2.4.1 Анализ линеаризованной системы . . . . .	90
2.4.2 Построение квазинормальной формы . . . . .	94
<b>3 Динамика цепочки лазеров с оптоэлектронной связью</b>	<b>99</b>
3.1 Модель цепочки лазеров с однонаправленной связью . . . . .	102
3.1.1 Анализ линеаризованной системы . . . . .	104
3.1.2 Построение квазинормальной формы . . . . .	109
3.2 Модель цепочки с диффузионной и полу диффузионной связями . . . . .	116

3.2.1	Цепочки с диффузионной связью . . . . .	116
3.2.2	Цепочки с полудиффузионной связью . . . . .	118
3.3	Динамика цепочек в случае большого запаздывания . . . . .	119
3.3.1	Медленно осциллирующие решения . . . . .	121
3.3.2	Быстро осциллирующие решения . . . . .	131
<b>4</b>	<b>Локальная динамика лазеров с осциллирующими параметрами</b>	<b>137</b>
4.1	Модель лазера с быстро осциллирующей задержкой . . . . .	138
4.1.1	Усредненная система . . . . .	140
4.1.2	Система с модуляцией других параметров . . . . .	152
4.2	Модель лазера с резонансной модуляцией запаздывания . .	156
4.2.1	Построение нормальной формы для резонанса $\omega : \omega_0 = 2 : 1$ . . . . .	158
4.2.2	Динамика при двойной модуляции с равными частотами и различными фазами . . . . .	161
4.2.3	Динамика при двухчастотном резонансном воздействии	162
4.2.4	Нормальная форма в случае резонанса $\omega : \omega_0 = 1 : 1$ .	165
4.3	Модель лазера с прямоугольной модуляцией запаздывания .	166
4.3.1	Усредненная система . . . . .	168
4.3.2	Периодические решения усредненной системы в критическом случае . . . . .	172
<b>5</b>	<b>Динамика лазеров с оптической обратной связью</b>	<b>176</b>
5.1	Модель Лэнга – Кобаяши полупроводникового лазера с обратной связью . . . . .	178
5.1.1	Анализ характеристического уравнения . . . . .	179
5.1.2	Нормальные формы в конечномерных критических случаях . . . . .	181
5.2	Динамика системы с большим коэффициентом управления .	189
5.2.1	Нормализованная параболическая краевая задача .	190
5.2.2	О решениях квазинормальной формы . . . . .	193
5.3	Существование и устойчивость непрерывных волн в случае большого запаздывания . . . . .	197
5.3.1	Существование семейства решений вида непрерывных волн . . . . .	197
5.3.2	Устойчивость непрерывных волн . . . . .	201
5.3.3	Расположение областей устойчивости на кривой $I(v, 0, q, \gamma)$ . . . . .	210
5.3.4	Простейшие распределенные цепочки связанных уравнений Лэнга – Кобаяши . . . . .	215

---

<b>6 Покальная динамика оптико-электронного осциллятора с запаздыванием</b>	<b>218</b>
6.1 Модель динамики оптико-электронного осциллятора . . . . .	220
6.2 Анализ устойчивости состояния равновесия . . . . .	221
6.3 Квазинормальная форма в критическом случае I . . . . .	225
6.3.1 Построение нормализованной краевой задачи . . . . .	225
6.3.2 Стационарные решения квазинормальной формы . .	228
6.3.3 Пространственно-временное представление решений .	233
6.4 Квазинормальная форма в критическом случае II . . . . .	235
6.5 Квазинормальная форма в критическом случае III . . . . .	237
<b>7 Параметрическое возбуждение поперечных структур в широкоапертурных лазерах</b>	<b>241</b>
7.1 Модель динамики лазера с учетом дифракции . . . . .	243
7.1.1 Анализ характеристического уравнения . . . . .	245
7.2 Конечномерные нормальные формы . . . . .	248
7.2.1 Одномерный критический случай . . . . .	249
7.2.2 Двумерный критический случай . . . . .	251
7.2.3 Трехмерный критический случай . . . . .	255
7.2.4 Четырехмерный критический случай . . . . .	258
7.3 Квазинормальные формы при малом коэффициенте дифракции . . . . .	259
7.3.1 Бифуркации пространственных мод низкого порядка	259
7.3.2 Бифуркации пространственных мод высокого порядка	262
<b>8 Оптические поперечные структуры в интерферометре с нелинейным поглотителем</b>	<b>267</b>
8.1 Модель динамики светового поля с учетом поворота в контуре обратной связи . . . . .	268
8.2 Конечномерные нормальные формы . . . . .	270
8.3 Квазинормальные формы при малом коэффициенте диффузии	275
8.3.1 Бифуркации пространственных мод низкого порядка	277
8.3.2 Бифуркации пространственных мод высокого порядка	282
8.4 Быстро осциллирующие пространственно-неоднородные структуры . . . . .	287
8.4.1 Быстро осциллирующие структуры . . . . .	289
8.4.2 Усложнение динамики при увеличении параметра $\mu$ .	291
<b>9 Динамика многомодовых лазеров</b>	<b>295</b>
9.1 Существование и устойчивость непрерывных волн в модели FDM-L-лазера с большим запаздыванием . . . . .	296

9.1.1	Существование семейств решений вида непрерывных волн . . . . .	297
9.1.2	Устойчивость непрерывных волн . . . . .	298
9.1.3	Расположение областей устойчивости на кривой $\Gamma(\kappa, g_0)$	307
9.2	Модель пассивной синхронизации мод . . . . .	318
9.2.1	Решения при условии $\gamma \gg 1$ и $p = 2$ . . . . .	321
9.2.2	Решения при условии $\gamma \gg 1$ и $0 < p < 2$ . . . . .	324
9.2.3	Динамика системы при малом $\gamma_g$ . . . . .	326
9.2.4	Случай большого запаздывания . . . . .	326
<b>Литература</b>		<b>329</b>